PROGRAMA MONITORIA PE APRENDIZAGEM

Secretaria de Educação

GOVERNO DE PERNAMBUCO ESTADO DE MUDANÇA

CADERNO DE APOIO AOS ESTUDANTES DE MATEMÁTICA - ENSINO MÉDIO

1º TRIMESTRE/ 2025

PERNAMBUCO

Secretário de Educação
Gilson José Monteiro Filho
Secretário Executivo de Ensino Médio e Profissional
Paulo Fernando de Vasconcelos Dutra

Equipe de Elaboração

Equipe Técnica de Matemática
Almir de Lima Serpa
Edvaldo Braz do Nascimento
Evande Odete Bezerra Souza

Equipe de Coordenação
Gerente de Políticas Educacionais do Ensino Médio (GGPEM/SEMP)
Janine Furtunato Queiroga Maciel
Gestor de Formação e Currículo (GGPEM/SEMP)
Rômulo Guedes e Silva
Chefe da Unidade de Gestão das Aprendizagens (GGPEM/SEMP)
Cristiane Gonçalves de Oliveira Andrade

Prezado(a) Estudante,

A Secretaria de Educação lançou o "**PROGRAMA MONITORIA PE - APRENDIZAGEM**" voltado para os estudantes do nono ano do Ensino Fundamental e do terceiro ano do Ensino Médio das Escolas da Rede Estadual de Pernambuco com o objetivo de potencializar o desempenho escolar nos componentes curriculares de ***Língua Portuguesa*** e ***Matemática***, por meio de ações de fortalecimento do processo de ensino e aprendizagem.

Este Caderno de Matemática está organizado com os objetos do conhecimento para o primeiro trimestre do ano letivo - 2025, conforme o **Organizador Curricular Trimestral de Matemática** e a **Avaliação Formativa 2024**. Nele, procuramos utilizar uma linguagem acessível para vocês, estudantes, de modo que tenham domínio nos conteúdos temáticos a seguir:

Organizador Curricular Trimestral:

- ✓ **Juros Simples e Compostos***
- ✓ **Leis dos Seno e Cossenos**
- ✓ **Função Seno e Cosseno**
- ✓ **Transformações Isométricas**

Avaliação Formativa:

Descritores de Matemática: D011- D027- D074 – D099 – **D092 - D093**
Observação: **D092 - D093 *(Descritores já contemplado)**

Com o apoio do seu professor, que irá lhe orientar em cada etapa deste processo de monitoria, você poderá utilizar seu livro didático e outras ferramentas para pesquisar e se aprofundar mais sobre no estudos dos conteúdos abordados nesse Caderno. Esta é mais uma possibilidade que visa apoiá-lo durante o período de sua monitoria.

Desejamos um excelente estudo!

CADERNO 1 DO ESTUDANTE - 2025

ESTUDANTES, CONHEÇAM O SEU CADERNO!

Este caderno foi dividido em várias partes, cada uma delas contendo vários itens. Cada item também é subdividido em assuntos que irá te ajudar a resolver **QUESTÕES DE MATEMÁTICA DO ENSINO MÉDIO.** Lembre-se de que cada caderno tem seus assuntos específicos, suas habilidades e as competências, formando um conjunto de três cadernos.

Assim, todo conteúdo está organizado em um princípio **lógico**, portanto, você será capaz de ir de parte a parte, de item a item e de unidade a unidade com uma ideia mais concreta do que vai encontrar quando chegar lá.
Para que isso ocorra, temos o seguinte roteiro: no início de cada unidade temática (assunto), teremos a apresentação do assunto referente ao currículo de Matemática que precisa ser estudado com apoio deste caderno**. Para resolver as questões, disponibilizamos em cada uma delas um espaço livre para rascunhos**

Na sequência, indicamos um exemplo resolvido relacionado à unidade temática e à habilidade envolvida, depois apresentamos as atividades e um desafio para você e seus(suas) colegas de classe. Outros pontos podem surgir como, por exemplo, dicas dos(as) professores(as), QR CODE, *hiperlink* e endereços eletrônicos para suporte às pesquisas no canal do EDUCA-PE (disponível em: http//educacao.pe.gov.br).

ÍCONES USADOS NO CADERNO

Empregamos **ícones** em nosso material didático, porque visam auxiliar o máximo de estudantes, principalmente àqueles(as) que necessitam de um material com suporte **técnico, didático** e **tecnológico**. O principal intuito é **diminuir o défice de atenção, ao mesmo tempo em que, auxiliem na leitura dinâmica dos conteúdos**. Segundo, porque os ícones são realmente **úteis** para as entradas rápidas e **manipulações** ao executar as diferentes tarefas que você precisa fazer (responder as questões de matemática propostas).

O que há de bom nestes ícones; é que eles, normalmente, incluem algum símbolo que sugere o que determinada ação faz, e é capaz de oferecer. Isso vale para os ícones usados neste material, são eles:

Lembre-se

O ícone anterior informa sobre as **informações importantes** ou as **concepções necessárias** para resolver um **determinado problema** ou mesmo por **continuar com a explicação do assunto** abordado. Ele serve também como um **marcador** para que você possa se lembrar de algo enquanto continua a leitura ou mesmo a **resolução das tarefas do seu caderno**. Não esqueçam, as informações indicadas pelo ícone,

Lembre-se de que são, extremamente necessárias para o contexto da **UNIDADE TEMÁTICA** envolvida no item em que se localiza.
O material indicado por este ícone é de **extrema importância,** pois está, estreitamente, relacionado **ao tema em questão** (O USO DAS TECNOLOGIAS); portanto, é absolutamente necessário para a sua compreensão dos assuntos, dos conhecimentos que estão envolvidos nas **discussões dos temas** aqui abordados e, que podem ser **debatidos nas videoaulas** com o código 2D – QR CODE ou com Podcast, OK?

Quando você visualizar os ícones **DICAS DO PROFESSOR**, vai encontrar algo útil, importante conceito ou que **economiza tempo**. Pode ser surpreendente, com certeza será algo que vai lhe ajudar e fortalecer sua base de conhecimento sobre o ensino de Matemática e os processos de resoluções de questões.

QUAL É O OBJETIVO DA MONITORIA?

O objetivo da monitoria é estimular os(as) estudantes a conhecer as atividades relacionadas à área acadêmica, em nosso caso, **AS QUESTÕES QUE ENVOLVEM A MATEMÁTICA NO ENSINO MÉDIO**; nesse sentido, o projeto de monitoria busca enriquecer a sua formação como cidadão(ã), proporcionar a modalidade de monitoria como uma experiência interessante para o seu currículo e a sua vida profissional.

Caderno de Monitoria do Ensino Médio n° 1 - MONITOR/Almir Serpa. Edvaldo Braz. Evande Odete. 2025. Obra em 4 v. ISBN: 978-65-01-35791-1 (v. 1) 1. Caderno do Monitor. 2. Ensino Médio. 3. Matemática Básica.
Autores e Autoras

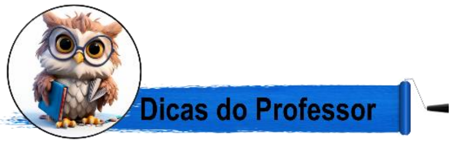
JUROS SIMPLES E COMPOSTOS

JUROS SIMPLES:

Para os cálculos dos juros simples, três fórmulas são importantes
para simplificar os cálculos:

$\boxed{J = C .\, i .\, t}$ $\boxed{M = C\,(1 + i .\, t)}$ $\boxed{J = M - C}$

Onde: J = Juros t = Tempo
C = Capital M = Montante
i = Taxa de juros
Observação: quando realizarmos os cálculos, as unidades de tempo e taxa devem estar nas mesmas unidades.



Veja também!

Razões e proporções: ttps://www.youtube.com/watch?v=Kf_YzZ0CnIs
Juros Simples: https://www.youtube.com/watch?v=aZcETuhXxPw
Porcentagem: https://www.youtube.com/watch?v=ZSg7J22y6lQ
Juros compostos: https://www.youtube.com/watch?v=X652ApXFTJA&t

ATIVIDADES

1) (EBraz.PE) Uma quantia de R$ 500,00 foi aplicada à taxa de juros simples de 3% ao mês. Qual o valor do montante após 5 meses?

2) (EBraz.PE) Fabiana tomou um empréstimo de R$ 10.000,00. Ao final de 3 meses foi pago um total de R$ 13.000,00 ao credor. Quais foram os juros pagos e a taxa de juros simples pagos por Fabiana?

3) (EBraz.PE) Uma quantia de R$ 600,00 foi aplicada a uma taxa de juros simples de 10% ao ano. Ao final de 2 anos, qual foi o montante adquirido?

4) (EBraz.PE) Rute investiu um certo capital que, aplicado à taxa de juros simples de 0,5% ao mês, rendeu R$ 600,00 em um ano. Qual foi o investimento de Rute?

5) (EBraz.PE) Um investidor resolveu aplicar o capital de R$ 5000,00 à juros simples, esperando retirar depois de **180 dias** o montante de R$ 5.300,00.

JUROS COMPOSTOS:

6) (EBraz.PE) Paula tem um capital de R$ 10.000,00 aplicado à taxa de juros compostos de 2% a.m. durante 3 meses. Qual foi o valor do resgate no final do período?

7) (EBraz.PE) Rony tirou um empréstimo de R$ 80.000,00 para quitar ao final de 2 anos, a juros compostos de 10% ao ano. Qual será a dívida de Rony após anos?

8) (EBraz.PE) Marta quer comprar uma TV no valor de R$ 4000,00, usando o saldo da caderneta de poupança, que rende 1% ao mês. A loja tem duas opções de pagamento:
Pagar à vista por R$ 4000,00 ou pagamento em duas prestações iguais de R$ 2005,00 cada, a segunda parcela será paga com 30 dias. Então, qual seria a melhor opção de pagamento?

9) (EBraz.PE) Qual deve ser o capital aplicado à juros compostos, a taxa de 12% ao ano, para obter um montante de R$ 7.200,00 no período de 2 anos?

10) (EBraz.PE) Qual será os juros, no final de um semestre, para uma pessoa que investiu, a juros compostos, a quantia de R$ 100.000,00 à taxa de 1% ao mês?

LEIS DOS SENOS E COSSENOS

O objetivo principal da utilização da ***Lei dos Senos*** ou ***Cossenos*** é de descobrir as medidas dos lados de um triângulo e ainda, de seus ângulos.

Veja também!

Potenciação: https://www.youtube.com/watch?v=EqSiqXyfaqA
Proporcionalidade: https://www.youtube.com/results?search_query=proporcionalidade
Teorema de Pitágoras: https://www.youtube.com/watch?v=EqSiqXyfaqA
Lei do seno: https://www.youtube.com/watch?v=9ngYXYmcZw8&t=688s
Lei do cosseno: https://www.youtube.com/watch?v=TUBEkA-IGPU
Piano Cartesiano: https://www.youtube.com/results?search_query=plano+cartesiano

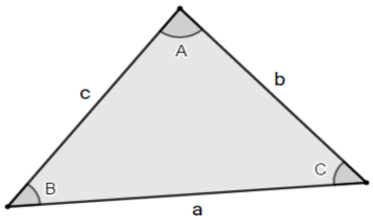
LEI DOS COSSENOS

A ***Lei dos Cossenos*** é aplicada quando precisamos encontrar a medida de ***um lado*** ou de ***um ângulo*** desconhecido de um triângulo qualquer, conhecendo suas outras medidas.

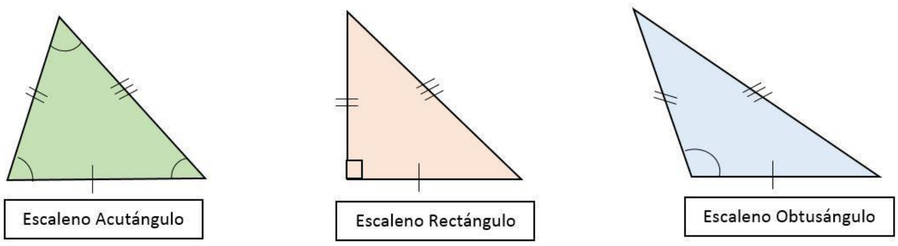
O ***teorema dos cossenos*** nos diz que: ***"Em qualquer triângulo, o quadrado de um dos lados corresponde à soma dos quadrados dos outros dois lados, menos o dobro do produto desses dois lados pelo cosseno do ângulo entre eles."***

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2b \cdot c \cdot \cos \hat{A}$$
$$b^2 = a^2 + c^2 - 2a \cdot c \cdot \cos \hat{B}$$
$$c^2 = a^2 + b^2 - 2a \cdot b \cdot \cos \hat{C}$$

Lado “ a ” corresponde ao ângulo “Â “
Lado “ b ” corresponde ao ângulo “ B “
Lado “ c ” corresponde ao ângulo “ C



Tipo de Triângulo



Fonte: https://maestrovirtuale.com/triangulo-escaleno-caracteristicas-formula-e-areas-calculo. Acesso em: 23/02/2025

O **Triângulo Acutângulo** (seus ângulos internos são menores que 90º)
O **Triângulo Obtusângulo** (tem um de seus ângulos interno maior que 90º)
O **Triângulo Retângulo** (tem um de seus ângulos internos, igual a 90º).

No caso particular do ***Triângulo Retângulo***, podemos encontrar um dos lados, de uma forma mais simples, aplicando o Teorema de Pitágoras, que é uma das Relações Métricas do Triângulo Retângulo.


Lembre-se

O Teorema de Pitágoras, é um caso particular da lei dos cossenos.

LEI DOS SENOS

A **Lei dos Senos** determina que em um triângulo qualquer, a relação do seno de um ângulo é sempre proporcional à medida do lado oposto a esse ângulo. Esse teorema demonstra que num mesmo triângulo a razão entre o valor de um lado e o seno de seu ângulo oposto será sempre **constante**.

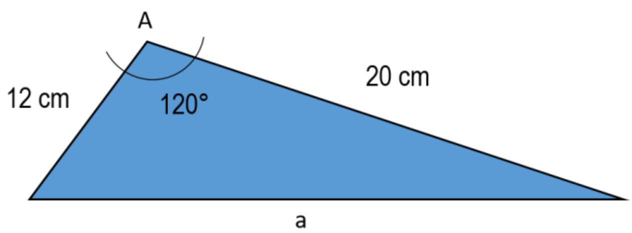
Utilizamos a Lei dos Senos nos triângulos acutângulos, onde seus ângulos internos são menores que 90º. Isto é, são ângulos agudos; ou nos triângulos obtusângulos, que tem um de seus ângulos interno maior que 90º). Isto é, são ângulos obtusos. Assim, para um triângulo ABC de lados a, b, c, a Lei dos Senos admite as seguintes relações:

$$\boxed{\frac{a}{sen\hat{A}} = \frac{b}{sen\hat{B}} = \frac{c}{sen\hat{C}}}$$

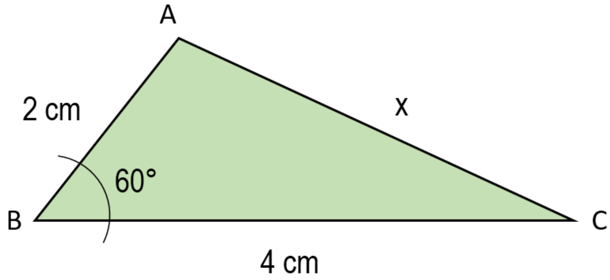
$$\frac{a}{sen\hat{A}} = \frac{b}{sen\hat{B}} \Rightarrow \frac{b}{sen\hat{B}} = \frac{c}{sen\hat{C}} \Rightarrow \frac{a}{sen\hat{A}} = \frac{c}{sen\hat{C}}$$

LEIS DOS SENOS E COSSENOS - ATIVIDADE

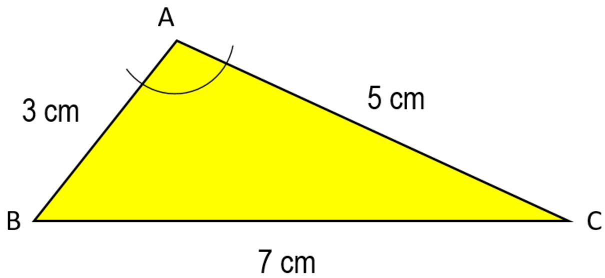
1) (EBraz.PE) Em um triângulo que seus lados medem: a, 20 e 12 (em centímetros) e os lados" b" e "c" formam entre si um ângulo Â que mede 120º. Calcule a medida do lado" a "do triângulo.



12) (EBraz.PE) No triângulo ABC de lados que medem 2 cm e 4 cm e formam entre si um ângulo B que mede 60º. Encontre a medida do lado x desse triângulo.



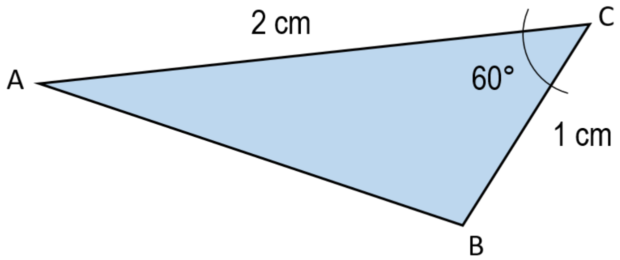
13) (EBraz.PE) No triângulo ABC abaixo, o lado a = 7cm, b = 5cm e c = 3cm. Calcule o ângulo Â.




Lembre-se

Na tabela não temos valores (**-**) negativos, então verifique (**0,5**) que corresponde a **60º**,então fazemos (**180º – 60º =120º**). Logo: Â = 120º

14) (EBraz.PE) Num triângulo ABC o lado a = 1cm, b = 2cm. Calcule a medida do lado c, sabendo que o ângulo C = 60º



15) (EBraz.PE) Num triângulo ABC o lado a = $\sqrt{2}$cm, b = 2cm e o ângulo B=45º. Calcule o ângulo Â do triângulo.

16) (EBraz.PE) Em um triângulo ABC o lado a = 5cm, b = 4,3cm e o ângulo B = 60º. Encontre o cosÂ.

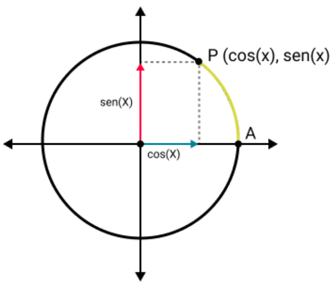
17) (EBraz.PE) Em um triângulo ABC o lado a = 2cm, b = 4cm e o ângulo Â=30º. Encontre o ângulo sem B.

18) (EBraz.PE) Em um triângulo ABC o lado a = 3cm, c = 4cm. Calcule a medida do ângulo Â, sabendo que o ângulo C = 90º

FUNÇÕES SENO E COSSENO

As **funções trigonométricas senos e cossenos** são funções angulares obtidas através do auxílio do ***círculo trigonométrico***.

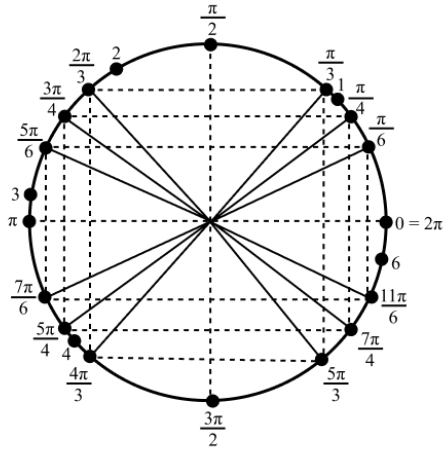
Considerando um número real **x** qualquer e um ponto **P** do círculo trigonométrico, associamos esse ponto a um único valor para as funções trigonométricas seno e cosseno, e chamaremos de **sen(x)** e **cos(x)**.

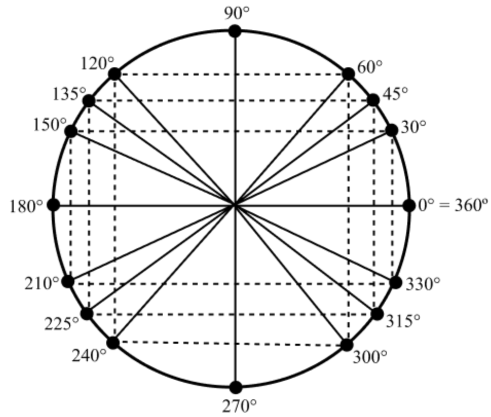


Esse ponto P mostrado acima pode ser qualquer um dos valores do círculo trigonométrico, em graus ou radiano.

Veja também!

Relações trigonométricas no triângulo retângulo: https://www.youtube.com/watch?v=D-E_A04ReTE



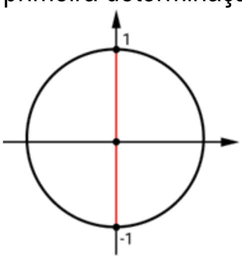


FUNÇÃO SENO E SUAS REPRESENTAÇÕES

A função seno é uma função periódica que possui imagem dentro do intervalo [-1, 1], isto é, -1 ≤ sen(x) ≤ 1, onde x é um *número real*.

Domínio
O domínio da função é o conjunto dos números reais, ou seja, sen(x) é definido para qualquer x real, então o domínio de f(x) = sen(x) é o conjunto R. Daí, D = R.

Imagem
A função sen(x) assume o valor máximo igual a 1, isso ocorre quando o valor de x representa um arco com primeira determinação π/2. E o valor mínimo igual a **-1**, quando **x** representa um arco com primeira determinação **3π/2**.



Então, o conjunto imagem para a função **f(x) = sen(x)** é o intervalo **[-1, 1]**, assim: **Im = [-1, 1]**

Arcos Notáveis

Os arcos notáveis são valores, em radianos, para os ângulos:
0°, **30°**, **45°**, **60°**, **90°**, **180°**, **270°** e **360°**.

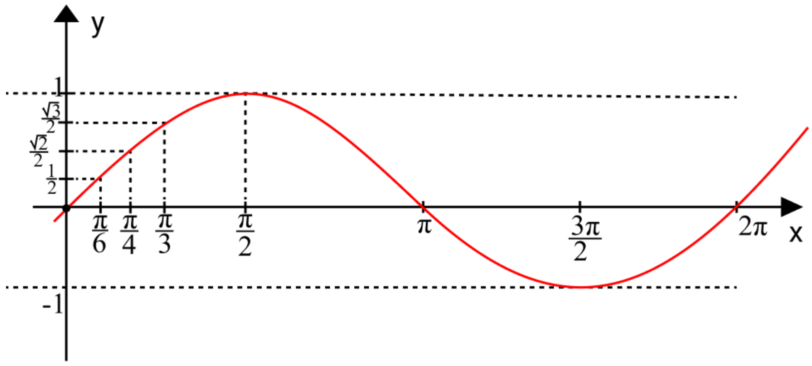
Então, assumindo que **x** seja um dos valores notáveis acima, temos a seguinte tabela com os valores em radianos para os ângulos em graus e o seno para o respetivo ângulo.

Arcos	Função
x	sen(x)
0	0
π/6	½
π/4	√2/2
π/3	√3/2
π/2	1
π	0
3π/2	-1
2π	0

A partir dessa tabela podemos construir o gráfico da função seno.

GRÁFICO DA FUNÇÃO SENO

Vamos construir o gráfico da função colocando os valores notáveis no ***plano cartesiano.*** O comportamento da função seno é uma variação entre -1 e 1, por esse motivo o seno é chamada de função periódica.



Período

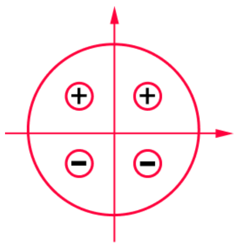
O período é a curva do gráfico no intervalo **0** a **2π**, e é chamado de **senoide**. Então, o período do seno é **2π**.

Paridade

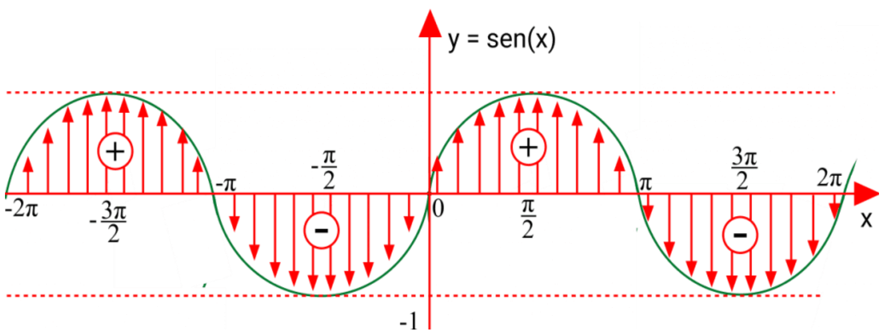
A paridade da função seno é dada por **sen(-x) = – sen(x)**. Assim, **f(x) = sen(x)** é **ímpar**.

Sinal

No círculo trigonométrico a função tem sinal positivo nos quadrantes **I** e **II** e sinal negativo nos quadrantes **III** e **IV** considerando uma volta completa no ciclo.



Pelo gráfico podemos ver quando a função assume valores negativos, positivos e zero.



FUNÇÃO COSSENO E SUAS REPRESENTAÇÕES

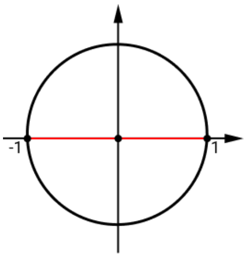
A **função cosseno** também é uma função periódica que possui imagem no intervalo **[-1, 1]**, isto é, para um **x** real **-1 ≤ cos(x) ≤ 1**.

Domínio

O domínio da função cosseno é o conjunto dos números reais, isto é, **cos(x)** é definido para qualquer **x** real, então o domínio de f**(x)= cos(x)** é o conjunto **R**. Assim: **D = R**

Imagem

A função **cos(x)** assume valor máximo igual a **1**, ocorre quando o valor de **x** representa um arco com primeira determinação **0**. E o valor mínimo igual a **-1**, quando **x** representa um arco com primeira determinação **π**.



Assim, o conjunto imagem para **f(x) = cos(x)** é o intervalo [-1, 1].
Logo: **Im = [-1, 1]**

Arcos Notáveis

Os arcos notáveis são valores, em radianos, para os ângulos:
0°, **30°**, **45°**, **60°**, **90°**, **180°**, **270°** e **360°**.

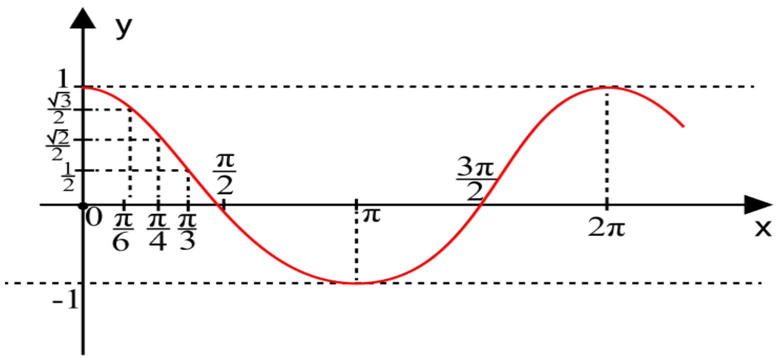
Então, assumindo que **x** seja um dos valores notáveis acima, temos a seguinte tabela com os valores em radianos para os ângulos em graus e o seno para o respetivo ângulo.

Esses valores nos auxiliarão na construção do gráfico da função cosseno.

Arcos	Função
x	**cos(x)**
0	**1**
π/6	**√3/2**
π/4	**√2/2**
π/3	**½**
π/2	**0**
π	**-1**
3π/2	**0**
2π	**1**

GRÁFICO DA FUNÇÃO COSSENO

Usando os valores dos arcos notáveis acima, vamos construir o gráfico da função no plano cartesiano. A função cosseno é uma variação entre -1 e 1. Também é uma função periódica.

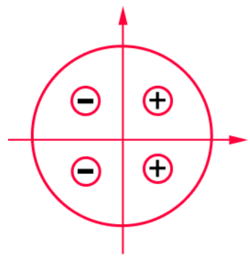


Período

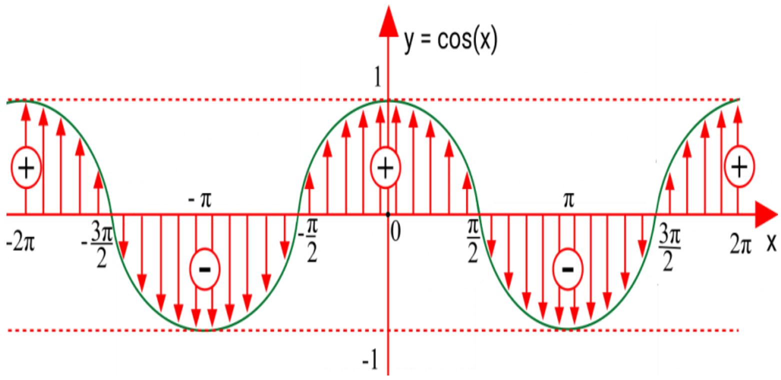
O período é a curva do gráfico no intervalo **0** a **2π**, chamado de **cossenoide**. Então, o período da função é **2π**.

Paridade
A paridade é dada por **cos(-x) = cos(x)**. Assim, **f(x) = cos(x)** é **par**.

Sinal
No círculo trigonométrico a função cosseno tem sinal positivo nos quadrantes **I** e **IV**, e negativo nos quadrantes **II** e **III**.
Considerando uma volta completa no ciclo.



Pelo gráfico podemos ver quando a função cosseno assume valores negativos, positivos e zero.



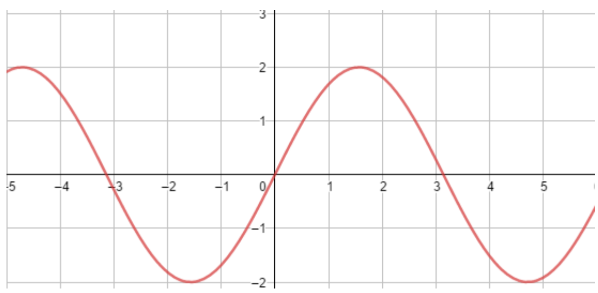
FUNÇÃO SENO E COSSENO - ATIVIDADE

Determine o **período,** esboce o **gráfico** e determine as **imagens** para as funções a seguir:
19) f(x) = 2 sen(x)
20) f(x) = cos(7x)
21) f(x) = – cos(x)
22) f(x) = 1 – cos(4x)
23) f(x) = 1 + sen(-x)
24) f(x) = 3 + sen(x)

***RESOLVENDO AS QUESTÕES 19 a 24:* Passo a passo**

19) **f(x) = 2 sen(x)**
Vamos encontrar o **período** da função seno que é dado pela fórmula: p = 2π/|k|

Onde **k** é o termo que acompanha o x. logo: k = 1 (que está oculto, é o coeficiente de x)
Então o período da função acima é: p = 2π/1 = 2π
Gráfico:



A **imagem** de f(x) = 2 sen(x) é encontrada aplicando os valores máximos e mínimos da função sen(x), que é -1 e 1.
Fazemos para sen(x)= -1 e sen(x) = 1.
f(-1) = 2 . (-1) = -2
f(1) = 2 . 1 = 2
O conjunto imagem é: **Im f(x) = [-2, 2]**

20) **f(x) = cos(7x)**
Vamos encontrar o **período** da função cosseno, que é dado pela fórmula: p = 2π/|k|

Onde **k** é o termo que acompanha o x. logo: k = 7 (é o coeficiente de x)
Então o período da função acima é: p = 2π/7.
Gráfico:

A **imagem** de f(x) = cos(7x), é encontrada aplicando os valores máximos e mínimos da função cos(x), que é -1 e 1.
Fazemos para cos(7x)= -1 e cos(7x)= 1.
f(-1) = -1
f(1) = 1
Logo, o conjunto imagem, é: **Im f(x) = [-1, 1]**

21) **f(x) = – cos(x)**
Vamos encontrar o **período** da função cosseno, que é dado pela fórmula: p = 2π/|k|

Onde k é o termo que acompanha o x. logo: k = 1 (que está oculto, é o coeficiente de x)
Então o período da função acima é: p = 2π/k = 2π/1 = 2π

Gráfico:

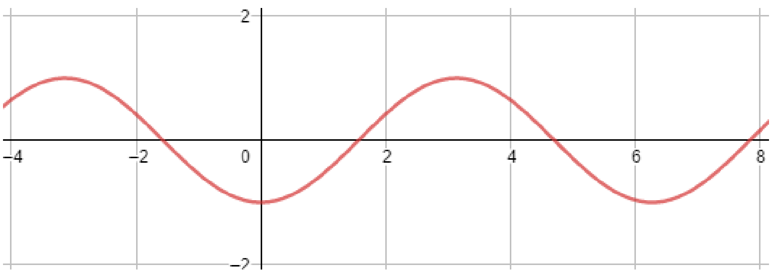
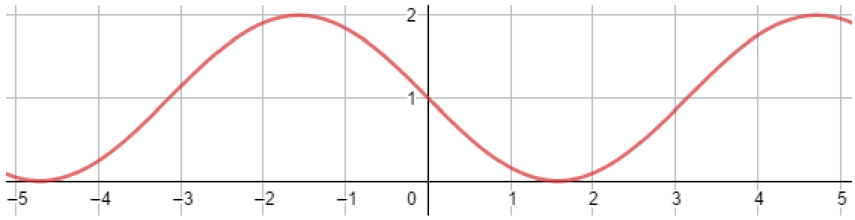


Imagem: f(x) = – cos(x)
Aplicando os valores extremos da função cosseno, temos: cos(x)= -1 e cos(x)= 1.
f(-1) = -(-1) = 1
f(1) = – 1
Portanto, **Im f(x) = [-1, 1]**

22) **f(x) = 1 – cos(4x)**
Vamos encontrar o **período** da função cosseno, que é dado pela fórmula: p = 2π/|k|

Onde k é o termo que acompanha o x. logo: k = 4.(é o coeficiente de x)
Então o período da função acima é: p = 2π/k = 2π/4 = π/2

Gráfico:

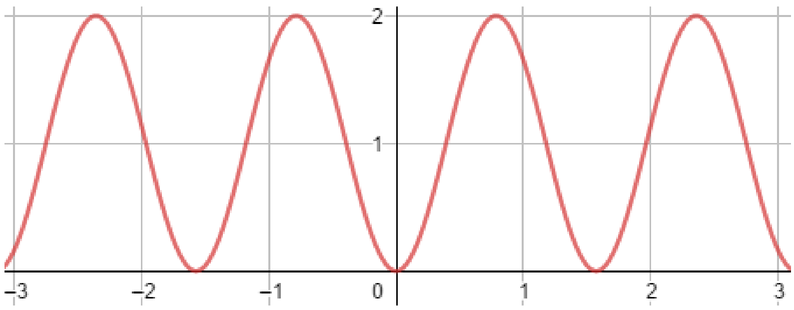


A **imagem** de f(x) = 1 – cos(4x), é encontrada aplicando os valores máximos e mínimos da função cosseno, que é -1 e 1.
Fazemos para cos(4x)= -1 e cos(4x)= 1, temos:
Imagem de f:
f(-1) = 1 – (-1) = 2
f(1) = 1 – 1 = 0
Portanto, a imagem de f(x) = 1 – cos(4x) é: **Im f(x) = [0, 2]**

23) **f(x) = 1 + sen(-x)**
Vamos encontrar o **período** da função seno que é dado pela fórmula: p = 2π/|k|

Onde **k** é o termo que acompanha o x. logo: k = -1 (é o coeficiente de x)
Então o período da função acima é: p = 2π/k = 2π/(-1) = -2π

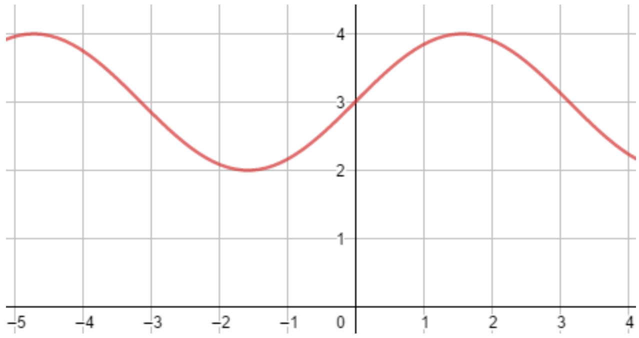
Gráfico:



A **imagem** de f(x) = 1 + sen(-x),é encontrada aplicando os valores máximos e mínimos da função sen(x), que é -1 e 1.
Fazemos para sen(x)= -1 e sen(x) = 1, temos:
Imagem de f(x) = 1 + sen(-x):
f(-1) = 1 – 1 = 0
f(1) = 1 + 1 = 2
Portanto, **Im f(x) = [0, 2]**

24) **f(x) = 3 + sen(x)**
Vamos encontrar o **período** da função seno que é dado pela fórmula: p = 2π/|k|
Onde **k** é o termo que acompanha o x. logo: k = 1 1 (que está oculto, é o coeficiente de x).
Então o período da função acima é: p = 2π/1 = 2π

Gráfico:

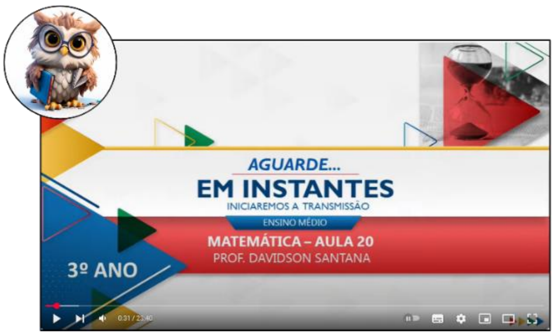


A **imagem** de f(x) = 3 + sen(x),é encontrada atribuindo os valores máximos e mínimos da função sen(x), que é -1 e 1.

Fazemos para sen(x)= -1 e sen(x) = 1, temos: f(x) = 3 + sen(x)
f(-1) = 3 + (-1) = 2
f(1) = 3 + 1 = 4

Portanto, a imagem de f é: Im = [2, 4].
2. senB= 4 . 0,5 $\quad$ senB = $\frac{2}{2}$ = 1.
Então, **sen B = 1**

DICAS TECNOLÒGICAS



Fonte: https://www.youtube.com/watch?v=YGiQIFJ2WtU

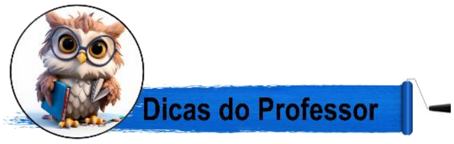
TRANSFOMAÇÕES ISOMETRICAS

Faça uma revisão nos seguintes conteúdos:

Identificar a medida do ângulo formado por duas semi-retas
https://youtu.be/EWtX1iU7_Ts
Determinar pontos de coordenadas no plano Cartesiano
https://youtu.be/W0OUmsvxBhU

ISOMETRIA

É quando as imagens apresentam formato e tamanho idênticos. As isometrias são compostas por três tipos de transformação: **reflexão, rotação e translação.**



Veja também!

Plano Cartesiano: https://www.youtube.com/results?search_query=plano+cartesiano

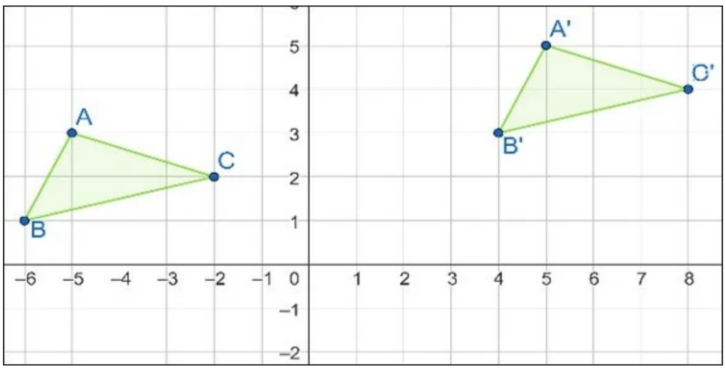
ISOMETRIA (ISO - igual, **METRIA** - medida) é uma transformação geométrica que transforma uma figura noutra figura geometricamente igual, ou seja, não altera o comprimento dos segmentos da figura nem a amplitude dos seus ângulos. Assim sendo, a única coisa que é alterada numa isometria é a posição da figura. Existem 4 tipos de isometrias: **as translações**, **as rotações**, **as reflexões.**

TRANSLAÇÃO

A **TRANSLAÇÃO** consiste em mover uma figura de um ponto a outro no plano, mantendo sua forma, orientação e tamanho.

EXEMPLO - Os dois triângulos da imagem abaixo são congruentes, ou seja, iguais. Podemos dizer que o triângulo ABC se moveu para a segunda posição, representada pelo triângulo A'B'C'.

Representação gráfica

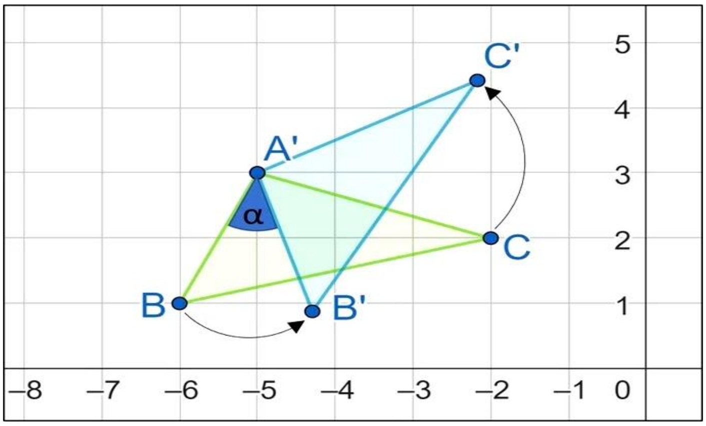


Saiba

ROTAÇÃO

A **ROTAÇÃO** de uma imagem consiste em girá-la em relação a um ponto no plano, chamado de centro de rotação. Para realizar a rotação de uma figura, devemos considerar a orientação do giro (sentido horário ou anti-horário), e a medida, em graus, do ângulo de rotação.

EXEMPLO - O triângulo ABC sofreu um giro no sentido anti-horário de um ângulo de rotação de 45°. O centro de rotação é o ponto A, que por isto, permanece fixo.



Saiba mais!

REFLEXÃO

A **REFLEXÃO** consiste em espelhar uma imagem em relação a uma reta, que pode ser horizontal, vertical ou inclinada. Esta reta é chamada de eixo de reflexão.

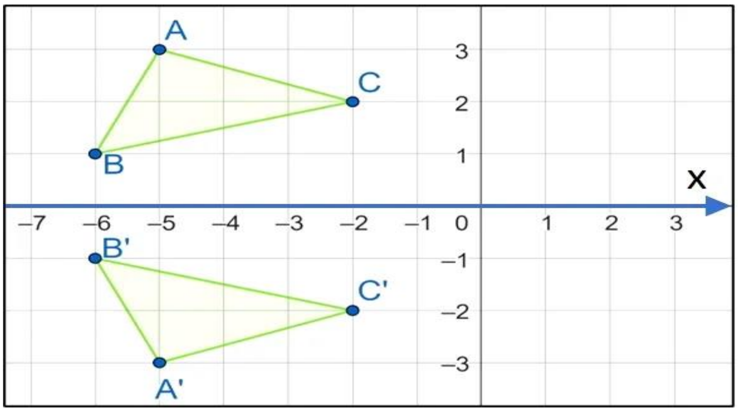
Lembre-se

Na reflexão, as coordenadas de cada ponto da figura original são invertidas em relação ao eixo de reflexão.

EXEMPLO - Na reflexão em relação ao eixo x abaixo, as coordenadas dos pontos A, B e C, passaram para A', B' e C', assim:

A (-5, 3) ► A' (-5, -3)
B (-6, 1) ► B' (-6, -1)
C (-2, 2) ► C' (-2, -2)

Em outros termos, cada ponto A, B e C, está a mesma distância do eixo x, de reflexão, que estão os pontos A', B' e C'



Saiba mais!

REVISÃO GERAL

Dicas do Professor

Fazer revisão dos seguintes assuntos:

- ✓ Identificar a medida de um ângulo formado por duas semirretas;
- ✓ Determinar dois pontos de coordenadas no plano cartesiano.

Fonte: https://www.youtube.com/watch?v=MkRPPqMQIOs

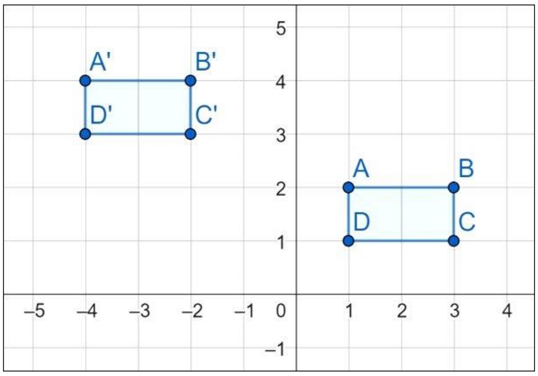
Fonte: https://www.youtube.com/watch?v=MkRPPqMQIOs

Fonte: https://www.youtube.com/watch?v=PKLiRJUtO8c

Fonte: https://www.youtube.com/watch?v=rvZQqUNGpas&t=34s

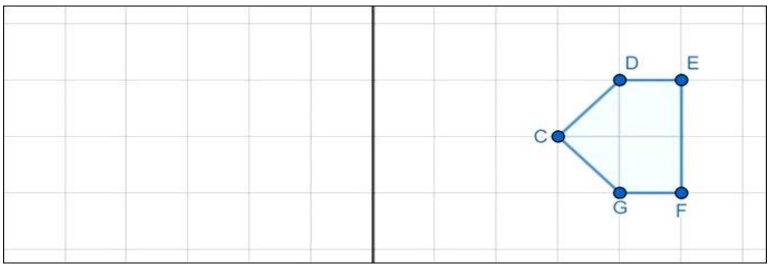
TRANSFORMAÇÕES ISOMÉTRICAS - ATIVIADDES

25) O quadrilátero ABCD a seguir, transladou quais medidas nas direções x e y, até a posição A'B'C'D'?



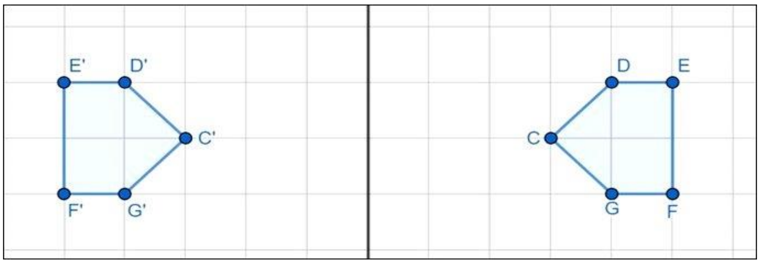
Para responder, tomamos um ponto qualquer do quadrilátero como referência, por exemplo, o ponto A. Na direção x, deslocou - 5 e, na direção y, deslocou 2.

26) Faça um esboço da reflexão do pentágono em relação à reta vertical.

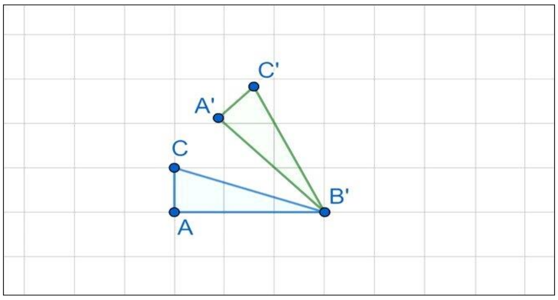


Para refletir o pentágono em relação a reta vertical, devemos inverter cada um dos pontos. Para isso, cada ponto ao lado esquerdo deve estar a mesma distância da reta.

O ponto C do lado direito está a 3 unidades de distância, assim, o mesmo deve ocorrer do lado direito. Repetindo o procedimento para ou outros pontos, temos:



27) O triângulo retângulo a seguir sofreu uma rotação com centro de rotação no ponto B. Responda o sentido do giro e a medida do ângulo de rotação.



O triângulo ABC sofreu uma rotação em relação ao ponto B, no sentido horário, até a posição A'B'C'. Para determinar o ângulo de rotação, percebemos que o segmento A'B', divide o quadrado ao meio, ou seja, é uma bissetriz do ângulo reto de 90° e, o divide ao meio. Desta forma, o triângulo girou 45° no sentido horário.

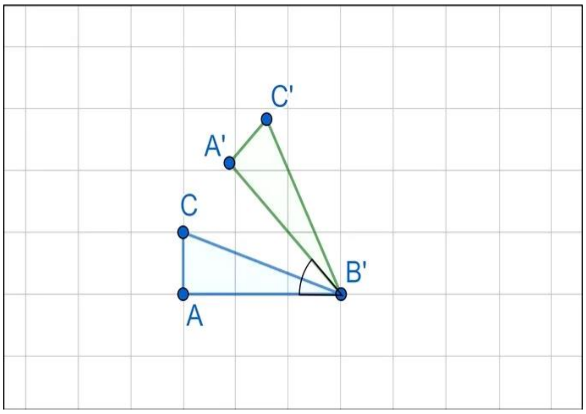
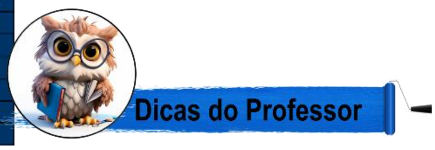


TABELA DAS FUNÇÕES TRIGONOMÉTRICAS

θ	Senθ	Cosθ	tgθ
1°	0,017	1	0,017
2°	0,035	0,999	0,035
3°	0,052	0,999	0,052
4°	0,07	0,998	0,07
5°	0,087	0,996	0,087
6°	0,105	0,995	0,105
7°	0,122	0,993	0,123
8°	0,139	0,99	0,141
9°	0,156	0,988	0,158
10°	0,174	0,985	0,176
11°	0,191	0,982	0,194
12°	0,208	0,978	0,213
13°	0,225	0,974	0,231
14°	0,249	0,97	0,249
15°	0,259	0,966	0,268
16°	0,276	0,961	0,287
17°	0,292	0,956	0,306
18°	0,309	0,951	0,325
19°	0,326	0,946	0,344
20°	0,342	0,94	0,364
21°	0,358	0,934	0,384
22°	0,375	0,927	0,404
23°	0,391	0,921	0,424
24°	0,407	0,914	0,445
25°	0,423	0,906	0,466
26°	0,438	0,899	0,488
27°	0,454	0,891	0,51
28°	0,469	0,883	0,532
29°	0,485	0,875	0,554
30°	0,5	0,866	0,577

θ	Senθ	Cosθ	tgθ
31°	0,515	0,857	0,601
32°	0,53	0,848	0,625
33°	0,545	0,839	0,649
34°	0,559	0,829	0,675
35°	0,574	0,819	0,7
36°	0,588	0,809	0,727
37°	0,602	0,799	0,754
38°	0,616	0,788	0,781
39°	0,629	0,777	0,81
40°	0,643	0,766	0,839
41°	0,656	0,755	0,869
42°	0,669	0,743	0,9
43°	0,682	0,731	0,933
44°	0,695	0,719	0,966
45°	0,707	0,707	1
46°	0,719	0,695	1,036
47°	0,731	0,682	1,072
48°	0,734	0,669	1,111
49°	0,755	0,656	1,15
50°	0,766	0,643	1,192
51°	0,777	0,629	1,235
52°	0,788	0,616	1,28
53°	0,799	0,602	1,327
54°	0,809	0,588	1,376
55°	0,819	0,574	1,428
56°	0,829	0,559	1,483
57°	0,839	0,545	1,54
58°	0,848	0,53	1,6
59°	0,857	0,515	1,664
60°	0,866	0,5	1,732

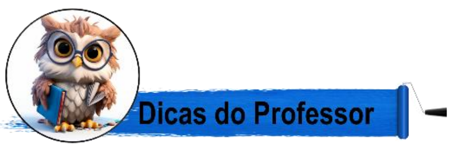
θ	Senθ	Cosθ	tgθ
61°	0,875	0,485	1,804
62°	0,883	0,469	1,881
63°	0,891	0,454	1,963
64°	0,899	0,438	2,05
65°	0,906	0,423	2,145
66°	0,914	0,407	2,246
67°	0,921	0,391	2,356
68°	0,927	0,375	2,475
69°	0,934	0,358	2,605
70°	0,94	0,342	2,747
71°	0,946	0,326	2,904
72°	0,951	0,309	3,078
73°	0,956	0,292	3,271
74°	0,961	0,276	3,487
75°	0,966	0,259	3,732
76°	0,97	0,242	4,011
77°	0,974	0,225	4,332
78°	0,978	0,208	4,705
79°	0,982	0,191	5,145
80°	0,985	0,174	5,671
81°	0,988	0,156	6,314
82°	0,99	0,139	7,115
83°	0,993	0,122	8,144
84°	0,995	0,105	9,514
85°	0,996	0,087	11,43
86°	0,998	0,07	14,3
87°	0,999	0,052	19,08
88°	0,999	0,035	28,63
89°	0,999	0,017	57,29
90°	1,000	0,000	–



CONTEMPLANDO A MATRIZ DE AVALIAÇÃO FORMATIVA

Descritores de Matemática: D011- D027- D074 – D099

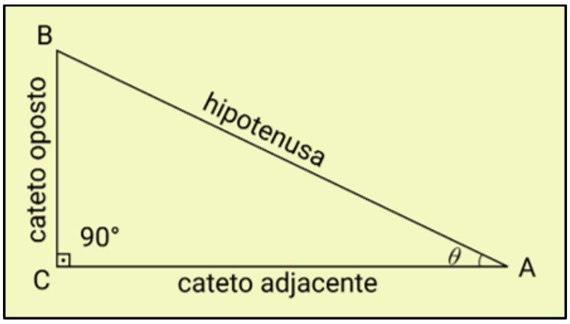
D011 - Utilizar as relações métricas do triângulo retângulo na resolução de problemas.



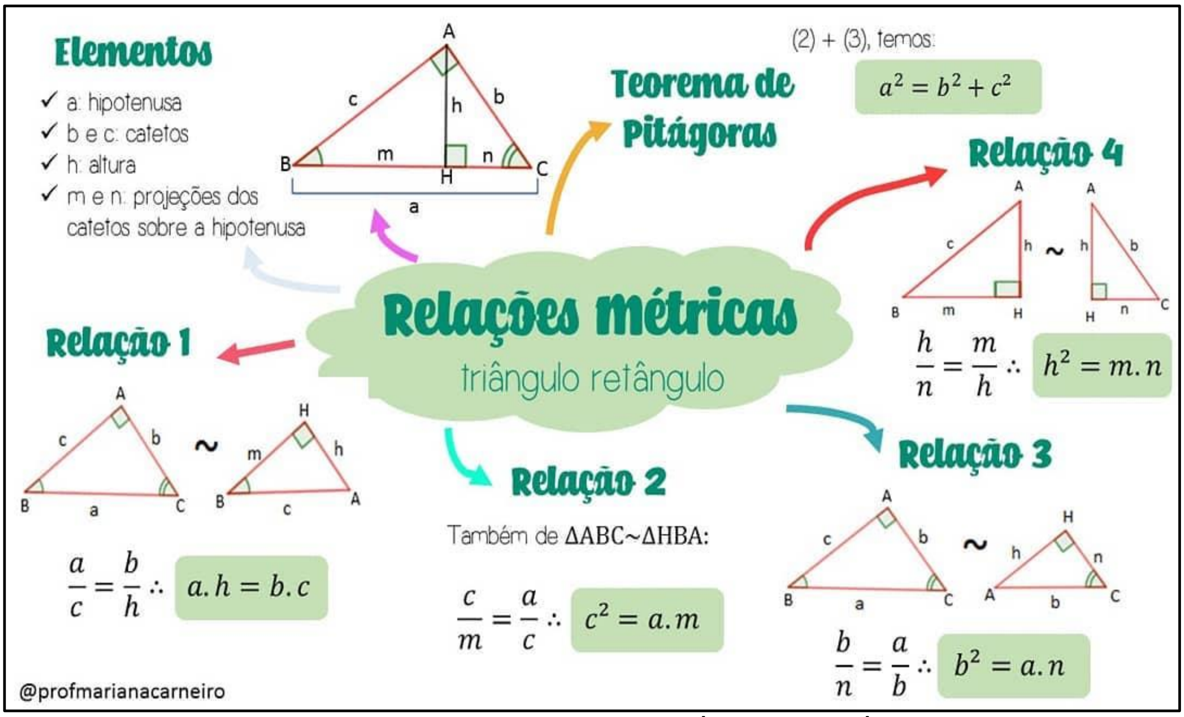
RELAÇÕES MÉTRICAS NO TRIÂNGULO RETÂNGULO

O triângulo retângulo será o foco do estudo desta semana. Exploraremos as relações entre as medidas lineares nesse contexto, fundamentadas no conceito de semelhança entre triângulos retângulos. Na figura a seguir, os diferentes elementos do triângulo estão claramente destacados para facilitar a compreensão de suas relações métricas.

A hipotenusa, representada pela letra a, é sempre o maior lado do triângulo retângulo. Ela sempre será o lado oposto ao ângulo de 90º. Os outros dois lados, representados pelas letras b e c, são conhecidos como catetos. Estes lados são perpendiculares 90º.



Considerando a altura relativa à hipotenusa, obtemos dois outros triângulos retângulos. Traçando a altura AD relativa à hipotenusa do triângulo retângulo ABC, temos, pelo 1º caso de semelhança (AA), ABC ~ DBA ~ DAC.



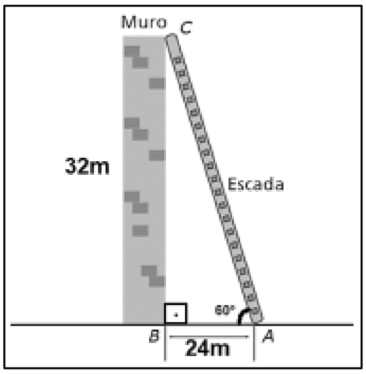
Fonte: https://www.google.com/search?q=TRIÂNGULO+RETÂNGULO.


Lembre-se

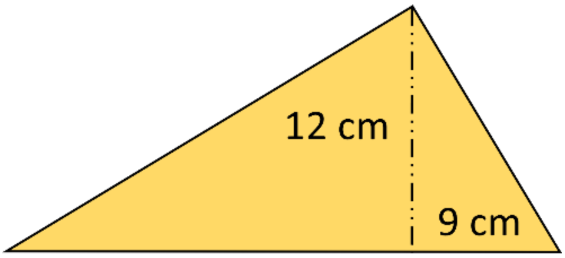
Em todo triângulo retângulo a **“A hipotenusa ao quadrado é igual à soma dos quadrados dos catetos.**

APLICAÇÕES DAS RELAÇÕES MÉTRICAS NO TRIÂNGULO RETÂNGULO

1) Deseja-se subir em um muro com 32 metros de altura. Para isso apoia-se uma escada, a 24 metros de distância desse muro, como pode ser observado na figura abaixo. Desse modo, a altura dessa escada, em metros, é de:

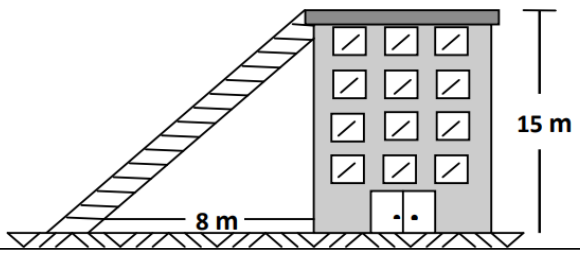


2) A medida da altura relativa à hipotenusa de um triângulo retângulo e 12 cm e uma das projeções mede 9 cm. Calcular a medida dos catetos desse triângulo.



3) A figura mostra um edifício que tem 15 m de altura, com uma escada colocada a 8 m de sua base ligada ao topo do edifício. O comprimento dessa escada é de:

a) 12 m.
b) 30 m.
c) 15 m.
d) 17 m.
e) 20 m.

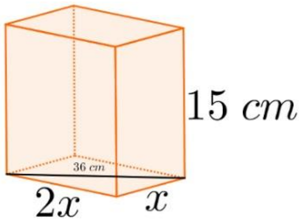


D027 - Utilizar volume/capacidade de sólidos na resolução de problemas.
VOLUME DOS PRISMAS, PIRÂMIDES, CILINDROS, CONES E ESFERA

O volume do prisma é determinado pelo produto da área da base pela altura e representa a quantidade de espaço que esse sólido geométrico ocupa. Os cubos são prismas, e os seus volumes são determinados pelo produto da área da base pela altura ou $\mathbf{V_c = a.\ b.\ c,}$ onde a, b e c são as arestas do cubo.

1) Qual é o volume de um **cubo** de aresta 14 cm?

2) Um **prisma** de base retangular possui a base com as seguintes medidas: largura igual ao dobro do comprimento e diagonal igual a 36 cm. Sabendo que a altura desse prisma é de 15 cm, calcule seu volume.

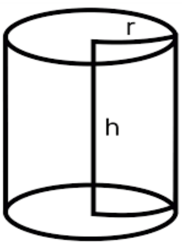



Lembre-se

Para descobrir a **área da base,** é necessário encontrar o valor de x para descobrir as dimensões dela. Como a base é um retângulo, podemos usar o **teorema de Pitágoras.**

VOLUME DO CILINDRO

O **volume do cilindro** é o tamanho da sua capacidade.



As bases também são **congruentes** (mesma medida) e possuem **raio** e o **diâmetro** é igual, ao dobro do raio (d = 2.r ou r = d/2). Por isso, o volume é o resultado da multiplicação dessa base circular com a altura.

Como calcular o volume do cilindro?

Todo cilindro apresenta base na forma circular de **raio r** e **altura h**. Por isso, o seu volume é a multiplicação entre a área da base e altura.

Lembre-se

Essa área da base é a mesma da circunferência, já que a estrutura do cilindro também é circular. Ela é dada por: $A_b = \pi . r^2$

Sendo:
π: número pi (aproximadamente **3,14**)
r: raio da base
Logo, o volume do cilindro é: $V = A_b . h$ ou $V = \pi . r^2 . h$

Lembre-se

Observação:
O volume é definido em metros cúbicos (m^3). A aplicação incorreta das unidades de medida compromete os cálculos.

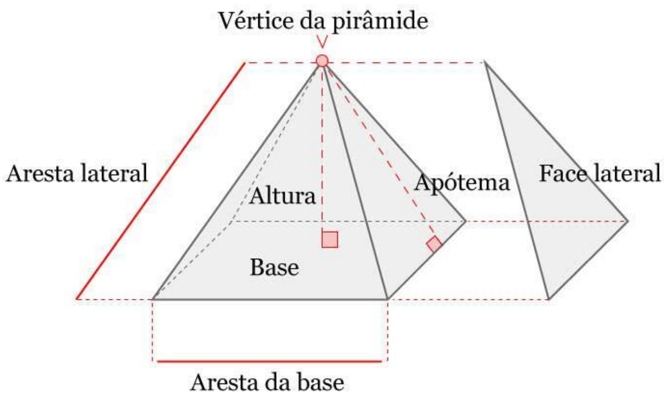
1) Um tanque em forma cilíndrica apresenta raio de 4 metros e altura de 20 metros. Qual o seu

2) Um reservatório em formato cilíndrico possui 7 metros de altura e raio da base igual a 3 metros. Determine o volume e a capacidade desse reservatório em litros.

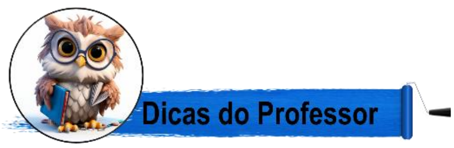
3) Um cilindro cujo a área da base é 5 cm² e a altura 9 cm, qual é o volume?

4) Supondo que um cilindro tenha volume igual a 9000 cm³ e diâmetro com 30 cm, qual é o comprimento?

VOLUME DA PIRÂMIDE



Fonte: https://www.educamaisbrasil.com.br/enem/matematica/piramide



A classificação das pirâmides depende diretamente do tipo de base poligonal que a constitui.
Pirâmide triangular: é o tipo de pirâmide em que sua base é formada por um triângulo. Esse mesmo triângulo é também um tetraedro.
Pirâmide quadrangular: a sua base é formada por um paralelogramo.
Pirâmide pentagonal: é o tipo de figura geométrica em que sua base é um pentágono.
Pirâmide hexagonal: como dia o próprio nome, é uma pirâmide de base formada por um hexágono.
Pirâmide reta: nesse caso, a altura é perpendicular à sua base.
Pirâmide oblíqua: é o contrário da pirâmide reta.

ELEMENTOS FORMADORES DA PIRÂMIDE

As **pirâmides** são formadas pelos elementos listados a seguir:
•**Arestas:** as arestas estão localizadas nas laterais e bases da pirâmide
•**Faces laterais**: essas arestas laterais são responsáveis pela formação das faces triangulares da pirâmide;
•**Vértice:** é um ponto qualquer que não faz parte da base, definindo a altura e o formato da pirâmide;
•**Apótema:** é a altura da face (das laterais) da pirâmide.

Dicas do Professor

Como calcular o volume da pirâmide?
O volume da pirâmide é determinado por meio do produto da área de sua base pela sua altura e divido por três: $V = \frac{A_b \cdot h}{3}$
V: volume da pirâmide.
A_b: área da base da pirâmide, de acordo com o polígono da base.
h: altura

1) Identifique o volume da **pirâmide** de base quadrada dadas as seguintes medidas: h = 9 cm

2) Determine o volume de uma pirâmide regular de base com formato hexagonal, considerando que sua altura equivale a 12 cm e que cada aresta da base mede 8 cm.

Lembre-se

Para encontrar o volume dessa pirâmide, precisamos calcular primeiro a área da base que é um hexágono regular de 8 cm de aresta.

3) Indique o volume de uma pirâmide regular com 9 m de altura e base com formato **quadrangular** com **perímetro** equivalente a 8m.

Lembre-se

Conceito de perímetro: é a soma de todos os lados de uma figura. Se o perímetro é igual a 8m, como se trata de um quadrado, dividimos por quatro! Daí cada lado mede 2 m. Assim, podemos encontrar a área da base:
$A_b = 2^2$ **[não esquecer da potenciação, tipo; 2x2 = 4]**
A_b = 4m

VOLUME DA ESFERA

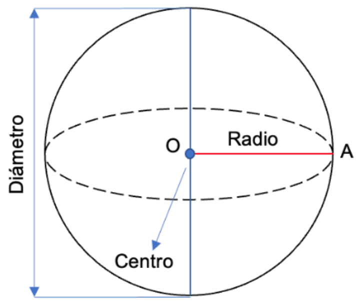
A esfera é definida como "uma sequência de pontos alinhados em todos os sentidos a uma mesma distância de um centro comum". Essa figura também é um sólido geométrico, uma vez que, é formada a partir da revolução de uma semicircunferência sobre o seu próprio eixo.

No cálculo do volume da esfera é levando em consideração o raio e o número pi (π). O raio é o segmento de reta que vai do centro da figura até qualquer ponto da circunferência, já o número pi é uma constante numérica com valor aproximado de 3,14.

Como calcular o volume da Esfera?

O **volume da Esfera,** é determinado por meio da fórmula:

$$V_e = \frac{4.\pi.r^3}{3}$$



V_e **:** volume da Esfera.

π: número pi (aproximadamente **3,14**)

r: raio da esfera.

ATIVIDADES

1) Dada uma esfera qualquer com raio 5 cm, qual o seu volume?

Solução:

2) Uma esfera tem volume de 1.046,6 cm³. Se π = 3,14, então o raio dessa esfera mede aproximadamente:

VOLUME DO CONE

Para calcular o volume do cone, é necessário calcular a área do círculo que forma a sua base.

A fórmula é dada por:

$$A_{b(cone)} = \pi . r^2$$

Sendo:

π: número pi (aproximadamente **3,14**)

r: raio da base

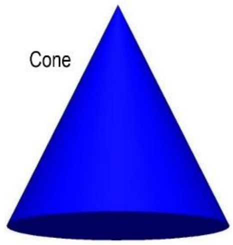
Lembre-se

Depois precisa-se medir a altura do cone, já que ele é tridimensional. Para isso, multiplica-se a sua altura h, pela área da sua base em seguida multiplica-se por “um terço”:

$$V_{(cone)} = \frac{1}{3} . \pi . r^2 . h$$

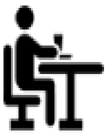
O cálculo do volume do cone é feito através da multiplicação da área da base pelo valor da sua altura, e dividindo o resultado por três.

Cone



ATIVIDADES

1) Tem-se um reservatório de água que possui a forma de um cone de revolução com 8 metros de profundidade. Sabe-se que o diâmetro da sua base mede 4 metros. Determine a capacidade, em litros, desse reservatório. (Use π = 3,14)



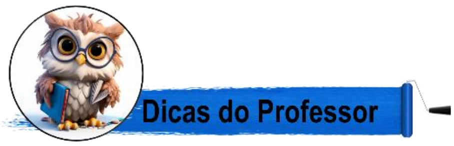
2) Uma piscina possui volume de aproximadamente 3.000 m³ e diâmetro da base medindo 24 metros. Determine a altura desta piscina.

D074 - Utilizar noções de probabilidade na resolução de problemas.
PROBABILIDADE

Probabilidade é a chance de obter determinado resultado em um experimento. A probabilidade de ocorrer um determinado resultado num experimento aleatório é expressa através da razão:

$$P = \frac{\text{nº de casos favoráveis}}{\text{nº total de possibilidades}}$$

Um **evento é um conjunto específico de resultados** e geralmente é representado por uma letra maiúscula. Considere o experimento de lançar um **"dado"** de 6 faces e observar a face superior.
Exemplos de eventos são:
A = Obter um número ímpar.
B = Obter um número par.
C = {1,2} (Obter o número 1 ou o número 2.)
D = {1, 2, 3, 4, 5, 6} (Obter um número de 1 a 6.)
E = {7} (Obter o número 7).



Note que os eventos A, B, C e D são subconjuntos do espaço amostral (o evento D, inclusive, é igual ao espaço amostral). Assim, os eventos A, B e C são eventos possíveis e o evento D é um evento certo, pois com certeza a face obtida será um número de 1 a 6. Já o evento E é chamado de evento impossível, pois não podemos obter o número 7 ao lançar um dado de 6 faces.

ATIVIDADES

1) Uma urna contém 10 bolas coloridas idêncticas em massa e tamanho. Há 5 bolas azuis, 2 bolas verdes, 2 bolas amarelas e 1 bola vermelha. Sorteando-se uma dessas bolas (ao acaso) qual é a probabilidade de a bola sorteada ser verde?

2) Uma moeda é lançada três vezes, sejam os eventos: ocorrem resultados iguais nos três lançamentos.

3) (EBraz.PE) Em uma gaveta há, 100 bolas numeradas de 1 até 100. Qual é a probabilidade de ao acaso ser retirada uma das bolas que tenha um número PAR?

a) 63,31% b) 60,18% c) 56,52%
d) 50,00% e) 43,27%

4) Em uma caixa, há 16 fichas numeradas de 1 a 16. Uma ficha será sorteada aleatoriamente. Qual a probabilidade de o número da ficha sorteada ser maior ou igual a 12?

5) Determine o número de anagramas existentes na palavra **FUNÇÃO.**

6) Determine o número de anagramas existentes na palavra **FUNÇÃO** que iniciam com F e terminam com O.

7) Determine o número de anagramas existentes na palavra FUNÇÃO desde que as vogais A e O apareçam juntas nessa ordem (ÃO).

D099 - Resolver problemas envolvendo noções de análise combinatória.

ANÁLISE COMBINATÓRIA

ATIVIDADES

1) Quantas senhas com 4 algarismos diferentes podemos escrever com os algarismos 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, e 9?

a) 1 498 senhas b) 2 378 senhas **c)** 3 024 senhas
d) 4 256 senhas e) 3 402 senhas.


Lembre-se

Esse exercício pode ser feito de duas maneiras princípio fundamental da contagem ou arranjo simples.

2) Um técnico de um time de voleibol possui a sua disposição 15 jogadores que podem jogar em qualquer posição. De quantas maneiras ele poderá escalar seu time de 6 jogadores?

a) 4.450 maneiras b) 5.210 maneiras
c) 4.500 maneiras d) 5.005 maneiras
e) 5.050 maneiras.

3) De quantas maneiras diferentes, uma pessoa pode se vestir tendo 6 camisas e 4 calças?

a) 10 maneiras b) 24 maneiras c) 32 maneiras
d) 40 maneiras e) 48 maneiras

4) De quantas maneiras diferentes 6 amigos podem sentar-se em um banco para tirar uma foto?

a) 610 maneiras b) 800 maneiras c) 720 maneiras
d) 580 maneiras e) 480 maneiras

5) Em uma competição de xadrez existem 8 jogadores. De quantas formas diferentes poderá ser formado o pódio (primeiro, segundo e terceiro lugares)?

a) 336 formas b) 222 formas c) 320 formas d) 380 formas e) 386 formas

6) Uma lanchonete tem uma promoção de combo com preço reduzido em que o cliente pode escolher 4 tipos diferentes de sanduíches, 3 tipos de bebida e 2 tipos de sobremesa. Quantos combos diferentes os clientes podem montar?

a) 30 combos b) 22 combos c) 34 combos
d) 24 combos e) 42 combos

7) Quantas comissões de 4 elementos podemos formar com 20 alunos de uma turma?

a) 4.845 comissões
b) 2.345 comissões
c) 3.485 comissões
d) 4.325 comissões
e) 4.485 comissões.

Referências:

Organizador Curricular de matemática _Novo Ensino Médio/Estado de Pernambuco
Secretaria da Educação Básica e Profissional do Ensino Médio/Gov. do Estado do Espírito Santo
https://mundoeducacao.uol.com.br/matematica
https://www.todamateria.com.br
https://www.youtube.com/educape
https://multirio.rio.rj.gov.br/materialrioeduca

Construindo à Recomposição da Aprendizagem!

CALCULANDO PORCENTAGEM NO DIA A DIA

Se eu for comprar a bicicleta que está em promoção, quanto irei pagar?

Primeiro, é preciso saber que "por cento é fração de denominador **100**". Logo, dizer que o desconto é de 15 por cento é o mesmo que dizer que o desconto é $\frac{15}{100}$ do preço.

Agora, é só calcular o desconto, lembrando que

$$15\% = \frac{15}{100} = 0{,}15.$$

Fazendo os cálculos: $0{,}15 \times 180 = 27$.

Ao comprar a bicicleta, ela pagará

$R\$\ 180{,}00 - R\$\ 27{,}00$ ou seja, $R\$\ 153{,}00$.

JUROS SIMPLES E JUROS COMPOSTOS

Denominamos juro (J) a toda compensação em dinheiro paga ou recebida, pela quantia em dinheiro que se empresta, ou que se pede emprestado, em um determinado período de tempo (t). Em outras palavras, juro é o valor do dinheiro que rende no decorrer do tempo.

ATENÇÃO

Fórmulas de Juros Simples

$$J = \frac{C \cdot i \cdot t}{100}$$

$$M = C + J$$

Palavras importantes e seus significados:

- O dinheiro que se pede emprestado ou que se empresta: capital (C).
- A taxa de porcentagem que se paga pelo "aluguel" do dinheiro: taxa de juro (i).
- O total que se paga no fim do empréstimo (capital + juro): montante (M).

Exemplo:

Calcule os juros produzidos por um empréstimo de R$ 1.000,00 por 2 meses com uma taxa de juros simples de 3% ao mês.

Resolução:

Juros = J = ?

tempo = t = 2 meses

Capital = C = 1.000

taxa de juros = i = 3% ao mês

$$J = \frac{C \cdot i \cdot t}{100}$$

$$J = \frac{1000 \cdot 2 \cdot 3}{100}$$

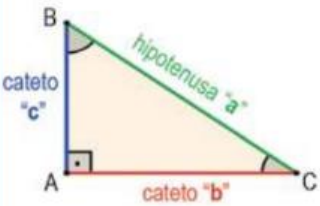
$$J = \frac{6000}{100} \rightarrow \mathbf{J = 60}$$

Com isso, os juros são de R$ 60,00.

Porcentagem e Juros são assuntos importantes para compreendermos o mundo que nos cerca. Diariamente nos deparamos com descontos, lucros, prejuízos, promoções, taxas e valores percentuais a todo o momento. Por exemplo, nas aplicações ou poupança, os juros equivalem ao rendimento recebido pelo tempo de aplicação.

TEOREMA DE PITÁGORAS:

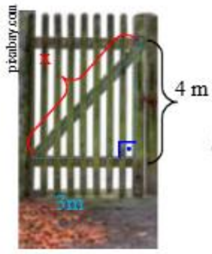
"O quadrado da hipotenusa é igual à soma dos quadrados dos catetos"



$$\boxed{a^2 = b^2 + c^2}$$

Consigo aplicar o Teorema de Pitágoras no meu cotidiano?

Um portão retangular precisa de uma nova ripa de madeira para sua sustentação. Na figura, estão registradas suas medidas em metros. A medida da ripa a ser trocada está indicada por x. Qual é a medida x da ripa a ser trocada?



Solução:

$$x^2 = 3^2 + 4^2 \Rightarrow$$

$$x^2 = 9 + 16 \Rightarrow$$

$$x^2 = 25 \Rightarrow x = \sqrt{25} \Rightarrow$$

$$\boxed{x = 5\,m}$$

Secretaria
de Educação

GOVERNO DE
PERNAMBUCO
ESTADO DE MUDANÇA

PERNAMBUCO